# Mathématiques 9-10-11

# Livre 9<sup>e</sup>

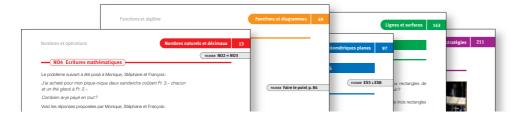
Nombres et opérations Fonctions et algèbre Espace Grandeurs et mesures Recherche et stratégies



# Repères graphiques

#### Les axes thématiques

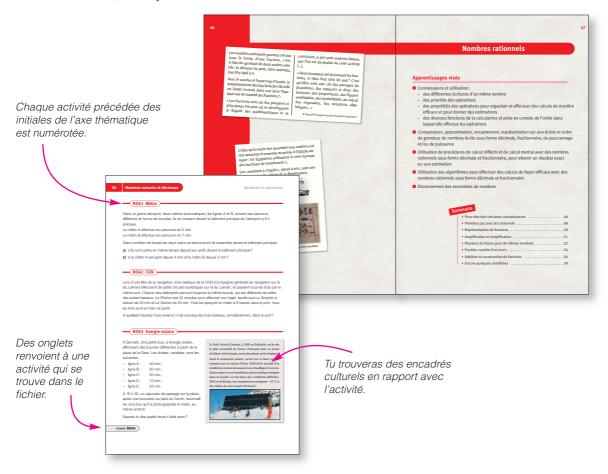
Chaque domaine est défini par une couleur, facilement repérable grâce aux onglets en haut de page.

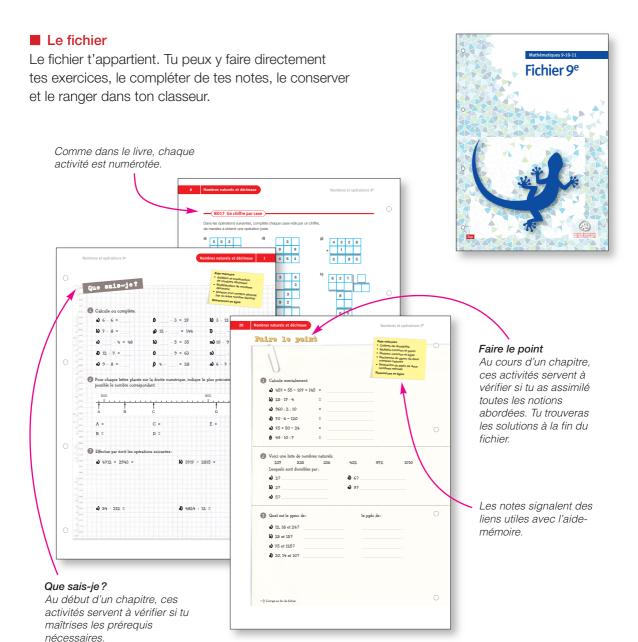


#### ■ Le livre

Les activités du livre sont prévues pour être effectuées, par exemple, dans un cahier. Ce livre est un objet transmissible que tu restitueras à la fin de ton année scolaire. Tu dois en prendre soin.

Au début de chaque chapitre, tu trouveras une double page comprenant une introduction, les objectifs et le sommaire.





#### L'aide-mémoire

L'aide-mémoire est conçu comme un instrument de référence auquel tu peux accéder lorsque tu en éprouves le besoin. C'est par exemple le cas:

- après avoir terminé une activité Que sais-je? ou Faire le point ;
- pour te remémorer une définition à propos de laquelle un doute demeure;
- lorsqu'un travail effectué à la maison nécessite de revenir sur un aspect théorique qui n'a pas encore été parfaitement assimilé;
- dans le cadre d'un travail de groupe, pour comprendre une notion mathématique en jeu.



# Extraits du plan d'études romand

## Visées prioritaires MSN

Se représenter, problématiser et modéliser des situations et résoudre des problèmes en construisant et en mobilisant des notions, des concepts, des démarches et des raisonnements propres aux *Mathématiques* et aux *Sciences de la nature* dans les champs des phénomènes naturels et techniques, du vivant et de l'environnement, ainsi que des nombres et de l'espace.

Mathématiques et sciences de la nature (MSN)

#### Nombres et opérations

Poser et résoudre des problèmes pour construire et structurer des représentations des nombres réels

# Résoudre des problèmes numériques

Résolution de problèmes numériques en lien avec les ensembles de nombres travaillés, l'écriture de ces nombres et les opérations étudiées.

#### Fonctions et algèbre

#### Résoudre des problèmes numériques et algébriques

Résolution de problèmes en lien avec les notions étudiées (fonctions, diagrammes, expressions algébriques et équations).

Résolution de problèmes de proportionnalité.

Modéliser des phénomènes naturels, techniques, sociaux ou des situations mathématiques

#### **Espace**

# Poser et résoudre des problèmes pour modéliser le plan et l'espace

Résolution de problèmes géométriques en lien avec les figures et les transformations étudiées.

## **Grandeurs et mesures**

# Mobiliser la mesure pour comparer des grandeurs

Résolution de problèmes de mesurage en lien avec les grandeurs et les théorèmes étudiés.

# **Sommaire**

Nombres et opérations – NO	
Nombres naturels et décimaux	10
Nombres relatifs	32
Nombres rationnels	46
Fonctions et algèbre – FA	
Fonctions et diagrammes	54
Calcul littéral	36
Espace – ES	
Figures géométriques planes	94
Représentations de solides 1:	16
Transformations géométriques 12	26
Grandeurs et mesures – GM	
Lignes et surfaces	36
Solides 1	52
Diverses mesures 15	58
Recherche et stratégies – RS	

Recherche et stratégies

MICHEL MANTE

167

<sup>«</sup>Faire des mathématiques, c'est se poser et résoudre des problèmes. La résolution de problèmes nécessite – condition nécessaire mais pas suffisante – l'acquisition d'automatismes. Ainsi, apprendre les mathématiques, ce n'est pas seulement résoudre des problèmes, mais c'est également passer par des exercices réguliers d'entraînement et de consolidation afin d'automatiser certains savoirs et savoir-faire ».

## NO72 A l'aide des puissances de 10

Le nombre 2453 peut s'écrire:

$$2453 = (2 \cdot 1000) + (4 \cdot 100) + (5 \cdot 10) + 3$$
ou
$$2453 = (2 \cdot 10^{3}) + (4 \cdot 10^{2}) + (5 \cdot 10^{1}) + 3$$

Utilise le même procédé pour écrire les nombres :

**a)** 1291

**b)** 1515

**c)** 2011

**d)** 1100

**e)** 19999 **f)** 20101

Indique maintenant quels nombres sont formés par les opérations suivantes:

g) 
$$(3 \cdot 1000) + (8 \cdot 100) + (1 \cdot 10) + 9$$

**h)** 
$$(8 \cdot 10^4) + (8 \cdot 10^3) + (8 \cdot 10^2) + (8 \cdot 10^1) + 8$$

i) 
$$(1 \cdot 10^3) + (9 \cdot 10^1) + 1$$

j) 
$$(2 \cdot 1000) + (3 \cdot 100) + (4 \cdot 10) + 5$$

**k)** 
$$(6 \cdot 10^3) + 8$$

$$(9 \cdot 10^4) + (9 \cdot 10^3) + (9 \cdot 10^2) + 9$$

## NO73 A travers le monde

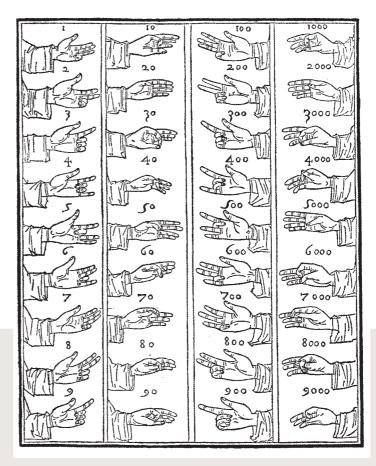
Voici quatre nombres écrits dans différents systèmes de numération:

Numération décimale (actuelle)	17	40	364	2585	
Numération égyptienne (3000 av. JC.)	∩ <sup>    </sup>	በበበበ	666 UUU II	GGGGUUUUIII	
Numération romaine (50 av. JC.)	XVII	XL	CCCLXIV	MMDLXXXV	
Numération grecque (500 av. JC.)		$\triangle \triangle \triangle \triangle$		XXMBAAAC	
Numération binaire	10001	101000	101101100	101000011001	

Ecris, dans chacun de ces systèmes, les nombres:

8;73;336;1540.

27



#### Numération par les doigts

Un système de numération par les doigts s'est répandu dès le haut Moyen Age. Cette façon de représenter les nombres facilitait notamment la mémorisation des reports lors des opérations effectuées mentalement.

# Un peu de vocabulaire mathématique

## **NO74 Traduction**

Traduis chaque phrase par un calcul.

a) La somme de 25 et 4

b) Le produit de 24 et 4

c) Le quotient de la différence de 10 et de 6 par 2

d) La somme de 18 et du produit de 9 et 2

Traduis chaque calcul par une phrase.

**e)** 150 : 30

**f)** 35:7 - 3

**g)** 120 + (30 · 40)

h)  $2 \cdot 5 + 4 \cdot 6$ 

## FA44 Hockey sur glace

Le Championnat suisse de hockey sur glace (ligue nationale A) présentait, à la mi-décembre 2010, le classement intermédiaire suivant:

Classement	joués	gagnés	gagnés (prolongation ou penaltys)	perdus (prolongation ou penaltys)	perdus	buts	points
1. HC Kloten Flyers	34	23	3	2	6	114-73	77
2. HC Davos	34	20	4	4	6	112-72	72
3. EV Zoug	33	18	4	3	8	119-94	65
4. CP Berne	33	14	10	2	7	106-76	64
5. SCL Tigers	34	13	4	5	12	107-97	52
6. ZSC Lions	33	12	4	5	12	90-97	49
7. HC Fribourg Gottéron	33	10	7	4	12	109-97	48
8. HC Genève-Servette	32	12	3	5	12	75-80	47
9. HC Bienne	34	8	3	5	18	86-123	35
10. HC Lugano	33	8	2	5	18	80-108	33
11. HC RapJona Lakers	34	6	4	6	18	98-128	32
12. HC Ambri Piotta	33	6	2	4	21	71-122	26

Représente, par un diagramme en colonnes, le nombre de buts marqués et le nombre de buts encaissés par les équipes ayant joué 34 matchs.

#### FICHIER FA45

## FA46 De ville et de route

Voici un tableau donnant les caractéristiques de quelques modèles de voitures à moteur diesel.

Modèle Niveau pollution	Duissense (IdAA)	Consommation			CO (a)(lana)	
	Niveau poliution	Puissance (kW)	Ville	Route	Mixte	CO <sub>2</sub> (g/km)
а	А	50	5,10	3,60	4,10	107,00
b	А	50	4,90	3,80	4,20	111,00
С	А	51	5,40	3,70	4,30	114,00
d	С	55	5,80	4,30	4,80	129,00
е	Α	30	3,90	3,10	3,40	90,00
f	В	50	5,50	3,80	4,40	116,00
g	В	70	5,90	3,90	4,60	121,00

- a) Représente, à l'aide d'un diagramme en colonnes, les consommations de carburant de chaque véhicule, en ville, sur route et lors d'un trajet mixte.
- b) A partir du diagramme, arriverais-tu à expliquer selon quels critères le niveau de pollution (A, B ou C) est attribué?

#### **FA47 Autonomie**





Dans chacun des cas, les informations figurant sur ces deux fiches techniques sont-elles cohérentes?

## FA48 Que d'accidents!

Voici un tableau indiquant le nombre d'accidents de la route ayant fait des victimes, de 1999 à 2009, dans les cantons de Vaud, du Valais et de Genève.

Années	Nombres d'accidents avec victimes
1999	4510
2000	4779
2001	4656
2002	4712
2003	4530
2004	4390
2005	3958
2006	3939
2007	4124
2008	3872
2009	3775

- a) A l'aide d'un tableur, réalise un diagramme cartésien montrant l'évolution du nombre d'accidents ayant causé des victimes, de 1999 à 2009.
- b) Que peux-tu dire de l'évolution du nombre d'accidents?

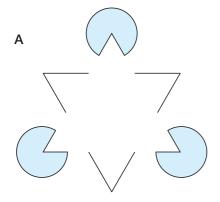
FICHIER Que sais-je? p. 103

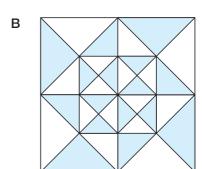
# Pour réactiver certaines connaissances

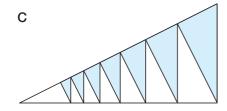
FICHIER ES1 à ES3

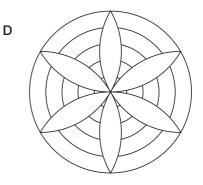
## ES4 Décorons la classe!

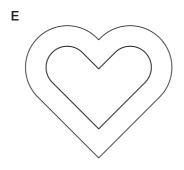
Observe attentivement, puis construis quelques-unes de ces figures en les agrandissant et en les coloriant si tu le souhaites. Inventes-en d'autres, à proposer à tes camarades, pour qu'ils les construisent à leur tour.











## Reconnaître, nommer, noter et construire des droites

FICHIER ES5 à ES8

#### ES9 Une, deux, trois droites à tracer

- a) Trace une droite d qui ne soit ni horizontale ni verticale.
- **b)** Trace une droite  $e \perp d$ . Note le point d'intersection par P.
- c) Trace une droite f // e située à 3 cm de e. Y a-t-il plusieurs possibilités?
- d) Que peux-tu dire de la position de f par rapport à d?

# Des problèmes pour aborder les angles

## ES10 Nautile cloisonné

Dessine un grand cercle de centre O.

Partage-le en 20 parties isométriques, comme dans cette figure.

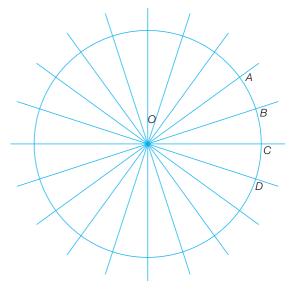
Construis la perpendiculaire au rayon *OB* passant par le point *A*. Elle coupe *OB* au point 1.

Construis la perpendiculaire au rayon *OC* passant par le point 1. Elle coupe *OC* au point 2.

Continue ainsi. Combien d'étapes te faut-il pour atteindre le centre du cercle?

Compare la figure obtenue avec cette coupe de la coquille d'un nautile cloisonné.





Le nautile cloisonné est un mollusque des mers chaudes qui existe depuis quelque cinq cents millions d'années. La spirale de sa coquille se retrouve également dans les escargots, les ammonites, les fleurs de tournesol, les galaxies spirales, etc. Elle est un exemple parmi d'autres des liens étroits qui existent entre les formes naturelles et les formes «idéales» de la géométrie.